



ZTF-FCT  
Zientzia eta Teknologia Fakultatea  
Facultad de Ciencia y Tecnología



Universidad del País Vasco  
Euskal Herriko Unibertsitatea

# FISIKA MODERNOA

## 2 Gaia

### Posizio eta momentuaren batezbestekoak eta desbideraketa estandarrak

1.  $t_0$  aldiunean, partikula baten uhin-funtzioa ondorengoa da:

$$\Psi(x, t_0) = \frac{1 + ix}{1 + ix^2}.$$

Zein da partikularen posizioaren batezbesteko balioa ( $\bar{x}$ )? Non (zein posiziotan) egon daiteke partikula probabilitate handiagorekin?

2.  $m$  masadun partikula bat  $2L$  luzera duen potentzial-osin infinitu baten barruan dago. Partikula honek hasieran duen uhin funtzioa ( $\psi(x)$ ) nulua da tarte osoan  $[L/2, L]$  tartean izan ezik, non  $K$  konstantea balio duen. Kalkula ezazu (bakarrik  $L$  eta  $m$ -ren funtzioan) egoera horri dagokion posizioaren ziurgabetasuna,  $\Delta x$ , eta momentuaren batezbestekoa,  $\langle \hat{p} \rangle$ .

3. Partikula baten aldiune bateko uhin-funtzioa ondorengoa izanik,

$$\Psi(x, t_0) = e^{-\frac{x^2}{2\alpha^2} + i\frac{p_0}{\hbar}x},$$

zein da partikularen momentuaren batezbesteko balioa ( $\bar{p}$ )? Zenbat balio du posizioaren batezbestekoa ( $\bar{x}$ ), eta honen ziurgabetasuna ( $\Delta x$ )?

4.  $t = 0$  aldiunean, partikula askearen uhina honako hau da,

$$\Psi(x, 0) = \int_{-\infty}^{\infty} e^{-\frac{|k|}{k_0}} e^{ikx} dk.$$

Zein da uhin-fardelaren eitea  $t = 0$  aldiunean?  $t = 0$  aldiunean, kalkula ezazu  $\Delta x \Delta p$  biderkaduraren gutxi gorabeherako balioa eta zehatza ere.

5.  $m$  masadun partikula bat aske mugitzen da  $x \in [-a/2, a/2]$  tartean eta  $t = 0$  aldiunean duen uhin-funtzioa ondorengoa da:

$$\Psi(x, t = 0) = \begin{cases} A \cos(\pi x/a) & -a/2 < x < a/2 \\ 0 & |x| > a/2 \end{cases},$$

Kalkula ezazu  $\Delta x \Delta p_x$ . Betetzen al da Heisenberg-en ziurgabetasunaren printzipioa?

6. Momentuen espazioan dugun uhin-funtzioa  $A(k)$  da, eta egoera honi dagozkion  $\langle x \rangle = x_0$  eta  $\langle p \rangle = p_0$  dira, non  $x_0$  eta  $p_0$  konstanteak diren. Ondorengo uhin-funtzio berri bat definitzen badugu:  $A_1(x) = A(k)e^{ikx_1}$ , non  $x_1$  zenbaki erreala den, zein da egoera berri honi dagokion  $\langle x \rangle$ , goian emandako kantitateen funtzioan?

7. Unitate arbitrarioak erabiliz,  $m=1$  masako partikula  $a = \pi$  zabalerako potentzial osin infinituan dago.  $t=0$  aldiunean uhin-funtzioa honako hau da,

$$\Psi(x, 0) = \sqrt{2} \sin(nx) + \sin[(n+1)x] \quad x \in (0, \pi)$$

Irudikatu  $\overline{p(t)}$  funtzioa  $t$ -ren funtzioan. Kalkulatu funtzioaren periodoa.

8. Elektroi bat,  $x = 0$  eta  $x = a = 2\pi \text{ \AA}$ -eko posizioen artean dago, potentzial osin infinituan.  $t = 0$  aldiunean, bere uhin-funtzio normalizatua  $\psi(x) = \sqrt{\frac{1}{\pi}} \sin x$  da. Funtzio horrek egoera iraunkorra (Hamiltondarraren autofuntzioa) adierazten du.

Adierazitako egoeran dagoenean, kalkulatu  $\Delta p$ , elektroiaren momentu linealaren ziurtasun-eza. Denboran, aldatu egiten al da?

9. Partikula bat  $x \in [0, a]$  tartean mugitzen da,  $a$  zabalerako potentzial-osin infinituan. Hasierako uhin-funtzioa ondorengoa izanik:

$$\Psi(x, 0) = \sin \frac{3\pi x}{a} \cos \frac{\pi x}{a}$$

Zein da  $t = ma^2/(60\pi\hbar)$  aldiunean dentsitate-probabilitateak duen adierazpena?, eta  $\langle p \rangle (t)$ ?